

A2 Gyakorlat

Műszaki Menedzser szakos hallgatóknak

1. hét - Analítikus Térgeometria - Megoldások

Feladatok:

1. Feladat. $M = (-2, 1, 2)$, $x + y + z - 1 = 0$, $D_e = (4, -3, 0)$, $D_f = (0, 1, 0)$, $d(M, \sigma) = \sqrt{2}$

2. Feladat.

a) $x = -2 - t$, $y = 5 + 2t$, $z = 1 - 3t$; $\frac{x+2}{-1} = \frac{y-5}{2} = \frac{z-1}{-3}$;

b) $x = 3 + 4t$, $y = 1$, $z = 2 - t$; $\frac{x-3}{4} = 2 - z$, $y = 1$;

c) $x = 5$, $y = 1$, $z = 4 + t$; $x = 5$, $y = 1$ (z tetszőleges);

d) $x = 3 + 2t$, $y = -1 + 3t$, $z = -2 + 7t$; $\frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z+2}{7}$;

e) $x = 6 + 3t$, $y = -3 + 4t$, $z = 4 - 6t$; $\frac{x-6}{3} = \frac{y+3}{4} = \frac{z-4}{-6}$;

f) $x = 1 - 17t$, $y = 2 - 11t$, $z = 5 + 26t$; $\frac{x-1}{-17} = \frac{y-2}{-11} = \frac{z-5}{26}$;

3. Feladat.

a) ha $t = 9$, akkor $-3 = 15 - 2 * 9$; $2 = -43 + 5 * 9$; $5 = -22 + 3 * 9$

b) az $M(1, 4, 3)$ közös pontjuk,

c) az $2t - 1 = 4t - 1 = 1 - 2t$ rendszer nem megoldható.

4. Feladat.

a) $t = 2$

b) $t = -9/5$; $M = (6, 9, 8)$; $x + 4y - 5z = 2$; $\cos(\alpha) = \frac{24}{\sqrt{618}} \simeq 0.263741$; $\alpha \simeq 15, 11^\circ$

5. Feladat.

$\sigma : 2x - 2y + z = 1$; $m : x = 1 + 2t$, $y = 1 + t$, $z = 1 - 2t$;

$T = (5/3, 4/3, 1/3)$; $s : x = 1 - t/2$, $y = 1$, $z = 1 + t$

6. Feladat.

a) $6x + 3y + 2z = 4$

b) $2x - 3y + z = 5$

c) $5x - 3y + 2z = -17$

d) $35x - 28y - 20z = -140$

e) $2x - 6y - 3z = -17$

7. Feladat.

a) nem

b) $e : x = 2 + 3t$, $y = -1 - t$, $z = 4 + t$

c) $\sigma : 4x + 13y + z = -1$

d) $d(D, \sigma) = 20/\sqrt{186}$, $d(D, e) = 20/\sqrt{11} \simeq 3.94$

8. Feladat. $d(\sigma_1, \sigma_2) = 3.5$

9. Feladat.

a) $\cos(\alpha) = \frac{16}{\sqrt{97}\sqrt{5}} \simeq 0.757549$; $\alpha \simeq 43, 40^\circ$

b) $\cos(\alpha - \pi) = -3/7$; $\alpha \simeq 25, 38^\circ$

10. Feladat.

a) $M(18, -5, -43)$

b) $m : x = \frac{y-2}{3} = z - 1$

11. Feladat.

a) $P'(0, 2, 17)$ b) $P'(4/3, -7/3, 14/3)$ c) $P'(17/5, 6/5, 4)$